

Министерство просвещения Российской Федерации
Нижнетагильский государственный социально-педагогический институт (филиал)
федерального государственного автономного образовательного учреждения
высшего образования
«Российский государственный профессионально-педагогический университет»

Факультет естествознания, математики и информатики
Кафедра информационных технологий и физико-математического образования

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
Б1.О.07.11 ЧИСЛОВЫЕ СИСТЕМЫ**

Направление подготовки	44.03.01 Педагогическое образование
Профили программы	Математика
Автор	доцент кафедры ИТФМ Т.Ю. Паршина

Одобрена на заседании кафедры информационных технологий и физико-математического образования. Протокол от «12» января 2024 г. №6.

Рекомендована к использованию в образовательной деятельности научно-методической комиссией филиала РГППУ в г. Нижнем Тагиле. Протокол от «23» января 2024 г. №5.

Нижний Тагил
2024

СОДЕРЖАНИЕ

1. ЦЕЛЬ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ.....	3
2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ.....	3
3. РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ.....	3
4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ.....	4
4.1. Объем дисциплины и виды контактной и самостоятельной работы.....	4
4.2. Учебно-тематический план.....	5
4.3. Содержание дисциплины.....	5
5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ.....	6
6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ.....	6
7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ.....	7

1. ЦЕЛЬ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель дисциплины: формирование универсальных, общепрофессиональных и профессиональных компетенций у студентов в процессе приобретения ими базовых знаний о свойствах функций, дифференциально-интегральном исчислении, дифференциальных уравнениях, рядах.

Задачи:

1. Сформировать у студентов систему знаний об аксиоматическом методе построения теорий в математике.

2. Сформировать у студентов представления об аксиоматическом построении арифметики натуральных, целых, рациональных, действительных, комплексных и гиперкомплексных чисел.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина «Числовые системы» является частью учебного плана по направлению подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, профиль «Математика». Дисциплина Б1.О.07.11 «Числовые системы» включена в Блок Б.1 «Дисциплины (модули)» и является составной частью раздела «Обязательная часть», модуля Б1.О.07 «Предметно-методический модуль». Дисциплина реализуется в НТГСПИ на кафедре информационных технологий и физико-математического образования.

Дисциплина «Числовые системы» необходима для глубокой математической подготовки будущего учителя математики. Так как понятие числа является исходным для многих математических теорий, возникает потребность перевести интуитивные знания студентов о числах на твёрдую основу доказательств, опирающихся на аксиомы. Кроме того, изучение дисциплины предполагает теоретическое обоснование школьного материала, связанного с понятием числа. Дисциплина охватывает вопросы построения содержательных аксиоматических теорий натуральных, целых, рациональных, действительных, комплексных чисел и кватернионов, непротиворечивости и категоричности их аксиоматик. Дисциплина логически связана с изучением математических дисциплин таких как «Математический анализ», «Алгебра и теория чисел», «Теория и методика обучения математике», «Теоретические основы школьной математики», «Элементарная математика».

3. РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование и развитие следующих компетенций:

УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

ОПК-8. Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний.

ПК-1. Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач.

Код компетенции	Содержание компетенций	Индикаторы достижения компетенций
-----------------	------------------------	-----------------------------------

УК-1	УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.	УК-1.1. Демонстрирует знание особенностей системного и критического мышления, аргументированно формирует собственное суждение и оценку информации, принимает обоснованное решение. УК-1.2. Применяет логические формы и процедуры, способен к рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности. УК-1.3. Анализирует источники информации с целью выявления их противоречий и поиска достоверных суждений
ОПК-8	ОПК-8. Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний.	ОПК-8.1. Применяет методы анализа педагогической ситуации, профессиональной рефлексии на основе специальных научных знаний, в том числе в предметной области ОПК-8.2. Проектирует и осуществляет учебно-воспитательный процесс с опорой на знания предметной области, психолого-педагогические знания и научно-обоснованные закономерности организации образовательного процесса
ПК-1	ПК-1. Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач	ПК-1.1. Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета). ПК-1.2. Умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО. ПК-1.3. Демонстрирует умение разрабатывать различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения, в том числе информационные.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

Знать:

31. Основные числовые системы.
32. Способ построения каждой числовой системы на основании уже построенной.
33. Свойства числовых систем.

Уметь:

- У1. Записывать аксиоматические определения числовых систем.
- У2. Устанавливать изоморфизм между различными моделями одной и той же числовой системы.
- У3. Проводить доказательства категоричности и непротиворечивости аксиоматик числовых систем.

Владеть:

- В1. Навыками использования языка математики для решения практико-ориентированных задач.
- В2. Основными положениями классических разделов математической науки.

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Объем дисциплины и виды контактной и самостоятельной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачётных единицы (72 часа), их распределение по видам работ представлено в таблице № 1.

Таблица № 1

Распределение трудоемкости дисциплины по видам работ

Вид работы	Форма обучения
	Заочная
Общая трудоемкость дисциплины по учебному плану	72
Контактная работа, в том числе:	10
Лекции	4
Практические занятия	6

Самостоятельная работа	58
Подготовка к зачёту	4

Таблица № 2

Распределение трудоёмкости дисциплины по видам работ и семестрам

Вид работы	семестр
	8
Общая трудоёмкость дисциплины по учебному плану	72
Контактная работа, в том числе:	10
Лекции	4
Практические занятия	6
Самостоятельная работа	58
Подготовка к зачёту	4

Таблица № 3

4.2. Учебно-тематический план

Наименование разделов и тем дисциплины	Всего часов	Контактная работа		Сам. работа	Формы текущего контроля успеваемости
		Лекции	Практич. занятия		
<i>Тема 1.</i> Аксиоматическая теория натуральных чисел.	18	2	2	14	Изучение теории по учебникам, составление конспектов. Заучивание аксиом и свойств систем чисел. Подготовка к зачёту.
<i>Тема 2.</i> Аксиоматическая теория целых и рациональных чисел.	18		2	16	
<i>Тема 3.</i> Аксиоматическая теория действительных чисел.	16		2	14	
<i>Тема 4.</i> Комплексные числа и кватернионы.	16	2		14	
Подготовка к зачёту	4			4	
Всего за семестр	72	4	6	62	
Всего по дисциплине	72	4	6	62	

4.3. Содержание дисциплины

Тема 1. Аксиоматическая теория натуральных чисел.

Построение аксиоматической теории натуральных чисел. Натуральный ряд. Свойства сложения и умножения натуральных чисел. Определение и свойства неравенств на \mathbb{N} . Теорема о существовании наименьшего и наибольшего элементов в подмножествах натуральных чисел. Бесконечность множества натуральных чисел. Натуральные кратные и степени, их свойства. Аксиоматика Пеано. Независимость аксиоматики Пеано. Категоричность аксиоматики Пеано.

Тема 2. Аксиоматические теории целых и рациональных чисел.

Упорядоченные множества и системы. Аксиоматическая теория целых чисел, первичные термины и аксиомы. Арифметические свойства целых чисел. Теорема о порядке на \mathbb{Z} . Монотонная упорядоченность системы целых чисел. Непротиворечивость, категоричность аксиоматики системы целых чисел.

Аксиоматическая теория рациональных чисел, первичные термины и аксиомы. Свойства рациональных чисел. Поле рациональных чисел. Отношение линейного порядка в поле рациональных чисел, теорема о порядке поля рациональных чисел. Плотность поля

рациональных чисел. Непротиворечивость и категоричность аксиоматики системы рациональных чисел.

Тема 3. Аксиоматическая теория действительных чисел.

Аксиоматическая теория действительных чисел первичные термины и аксиомы. Свойства действительных чисел. Непротиворечивость и категоричность аксиоматики системы действительных чисел.

Тема 4. Комплексные числа и кватернионы.

Аксиоматическая теория комплексных чисел, первичные термины и аксиомы. Свойства комплексных чисел. Невозможность линейного порядка на \mathbb{C} . Непротиворечивость и категоричность аксиоматики системы комплексных чисел. Система гиперкомплексных чисел: алгебра кватернионов. Свойства кватернионов.

5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Процесс обучения дисциплине «Числовые системы» рекомендуется строить с опорой на традиционный подход, при котором на лекционных занятиях закладываются основы теоретических знаний по дисциплине, а на практических занятиях ведется работа по усвоению теории и приобретению практических умений и навыков решения типичных задач.

С целью формирования у студентов компетенций, предусмотренных программой, следует применять следующие технологии:

- технологию деятельностного подхода;
- обучение в сотрудничестве.

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

6.1. Основная литература

1. Ларин, С. В. Числовые системы : учебное пособие для вузов / С. В. Ларин. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2024. — 149 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-09500-5. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/540007>

2. Нечаев, В. И. Числовые системы : учебное пособие для вузов / В. И. Нечаев — 2-е изд. — Москва : Издательство URSS, 2023. — 208 с.

6.2. Дополнительная литература

1. Смолин, Ю. Н. Числовые системы: учебное пособие для вузов / Ю. Н. Смолин — Москва: Флинта, 2021. — 112 с.

2. Ильиных, А. П. Числовые системы: учеб. пособие / А. П. Ильиных — Урал. гос. пед.ун-т. Екатеринбург, 2002. — 71 с. Ссылка для чтения

<https://reallib.org/reader?file=802934&pg=134>

6.3. Программное обеспечение и Интернет-ресурсы

Сетевые ресурсы

Электронная библиотека Попечительского совета механико-математического факультета Московского государственного университета <http://lib.mexmat.ru/books/34>

7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Перечень материально-технического обеспечения для реализации образовательного процесса по дисциплине:

1. Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа с проекционным оборудованием.
2. Учебная аудитория для проведения занятий практического типа, проведения групповых и индивидуальных консультаций, проведения текущего контроля и промежуточной аттестации.
3. Помещения для самостоятельной работы.